

UNIVERSITA' DEGLI STUDI DI PADOVA  

---

DOTTORATO DI RICERCA IN MECCANICA  
APPLICATA, XIX CICLO.  
ANNO ACCADEMICO 2004/2005

# Tecniche di controllo di forza di tipo “Non Time Based”

Dottorando: Paolo Pascutto<sup>1</sup>

Tutore: prof. Aldo Rossi<sup>2</sup>  
Co-tutore: prof. Paolo Gallina<sup>1</sup>

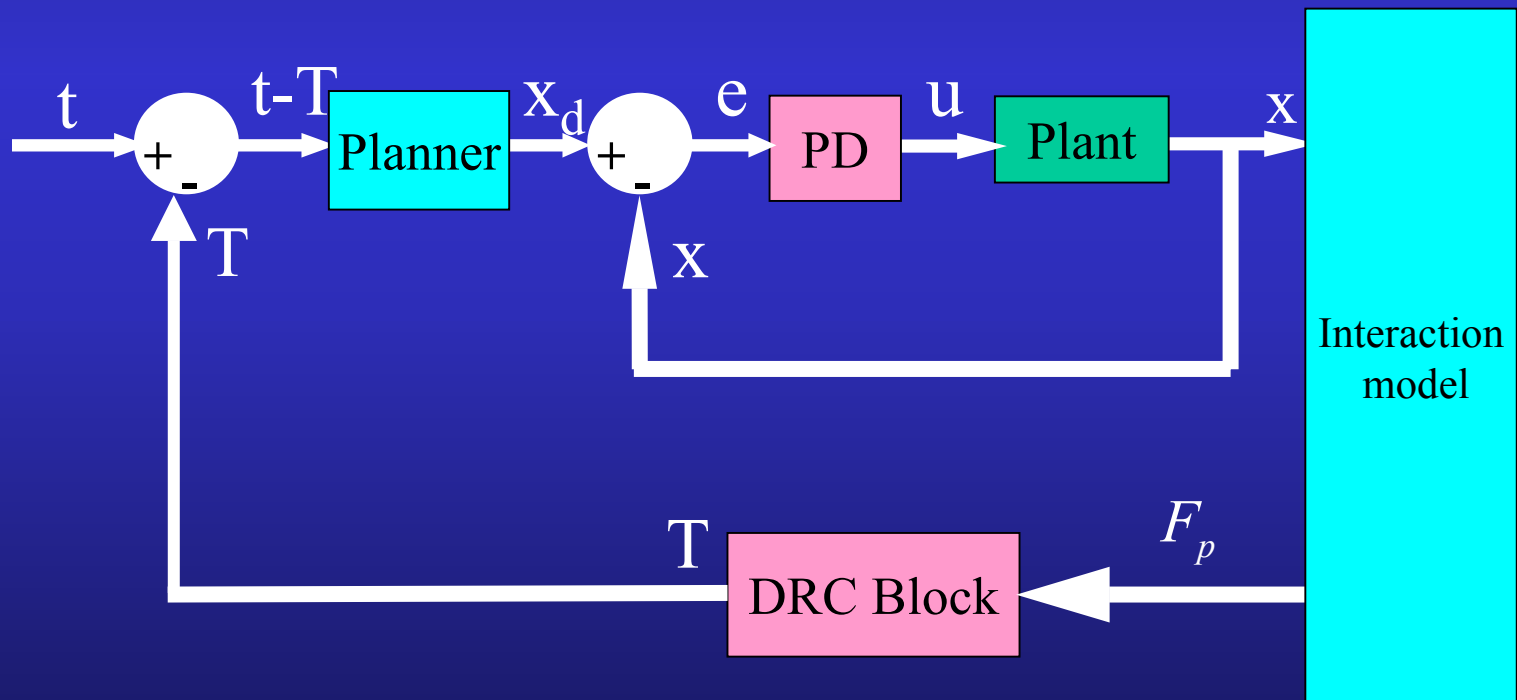
<sup>1</sup> Dip. di Ingegneria Meccanica, Università di Trieste, Via A. Valerio 10 - 34127, TS;  
[pgallina@units.it](mailto:pgallina@units.it) Tel: +39 (040) 558 2540.  
[pascutto@libero.it](mailto:pascutto@libero.it)

<sup>2</sup> Dip. di Innovazione Meccanica e Gestionale, Università di Padova

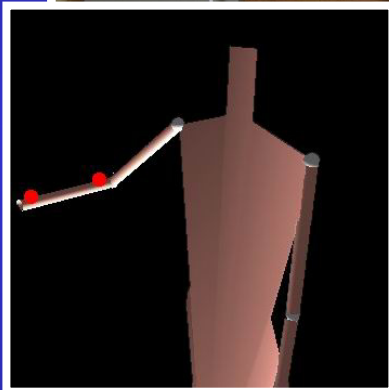
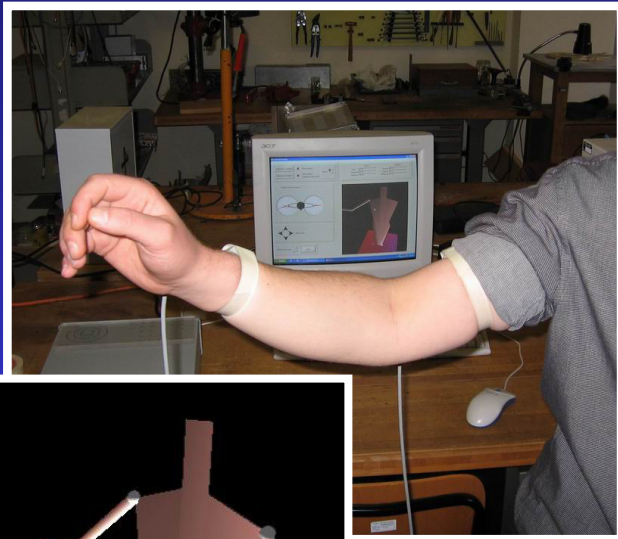
# Attività precedenti

DRC:  $x_d = x_d(l) = x_d(t - T)$

$$T = \int_0^t \alpha F_c(t) dt \quad \alpha \text{ influenza forza di equilibrio}$$

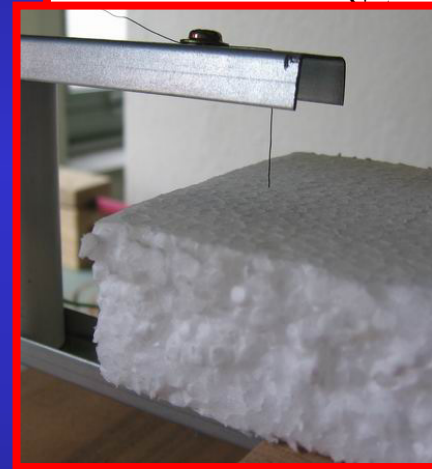
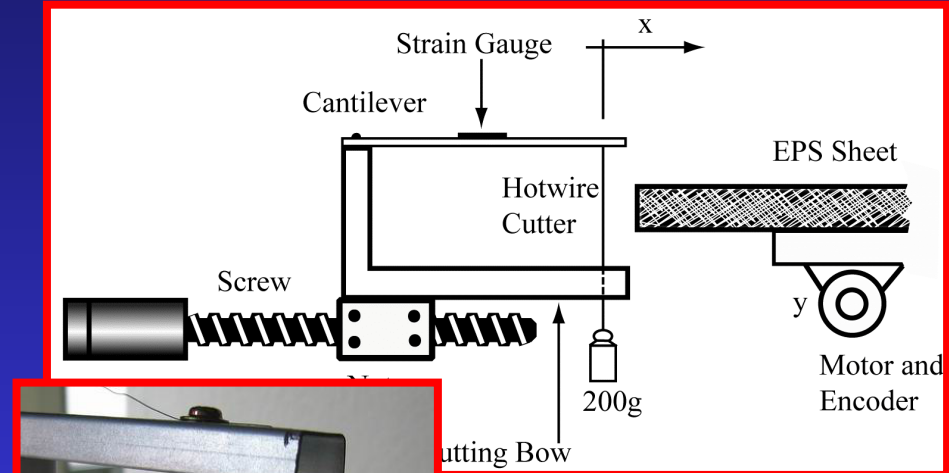
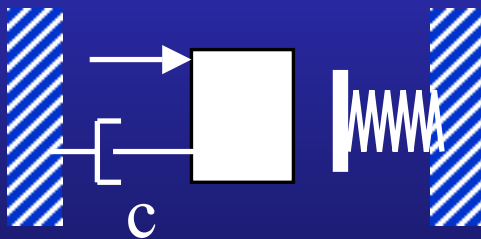


# Attività precedenti



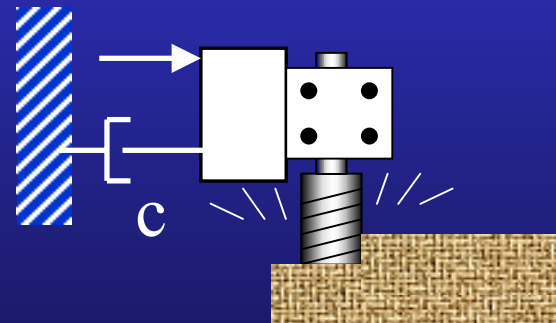
interazione  
"elastica"

$$F_c = F_c(x)$$



interazione  
"viscosa"

$$F_p = F_p(\dot{x})$$



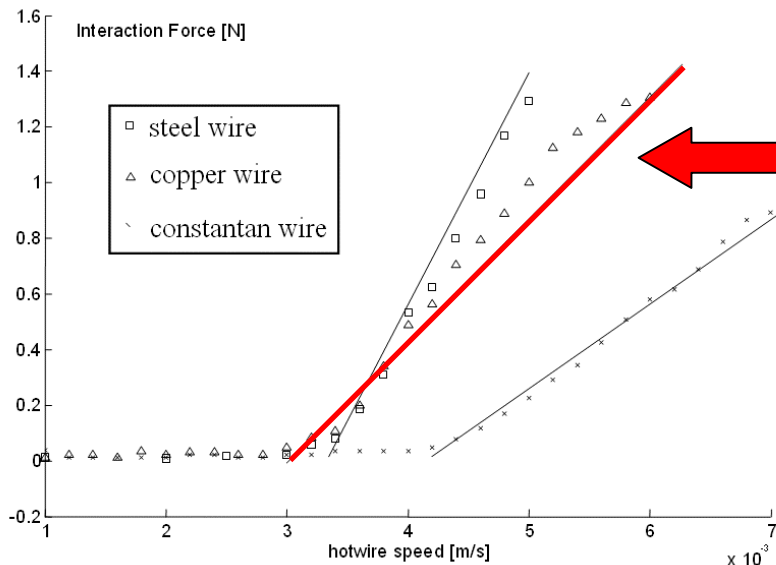
# Risultati

interazione  
“elastica”

interazione  
“viscosa”

$$F_c = 1/\alpha$$

$$F_{eq} = F_p(\dot{x}_{eq}) = \frac{1 + q_m / (c_m \beta)}{\alpha + 1 / (c_m \beta)}$$



Dove:

- $q_m, c_m$  dipendono dal materiale
- $\beta$  dipende dalla pianificazione della traiettoria

nel 2005...

## Difetto :

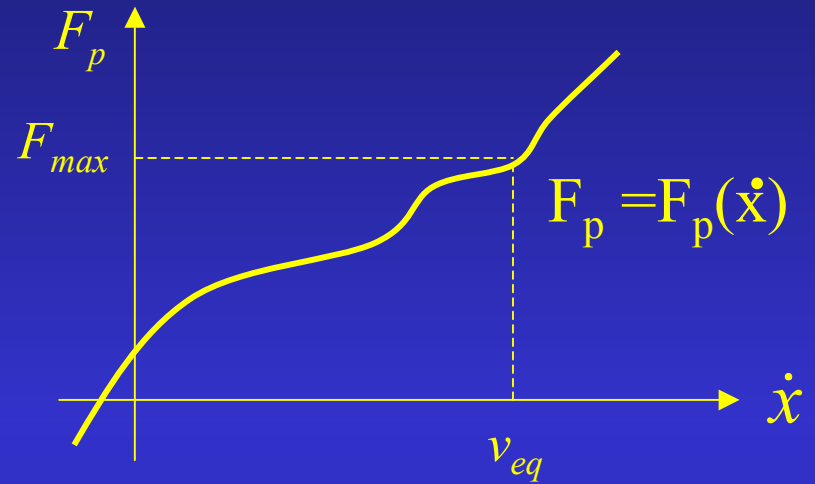
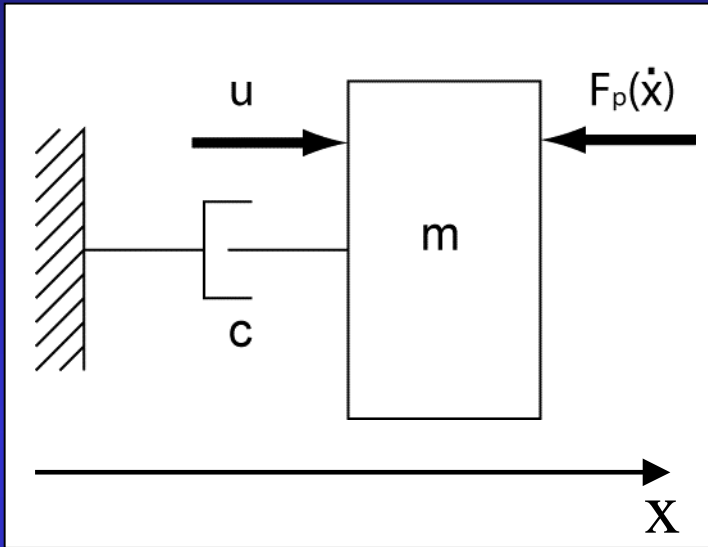
- La forza di equilibrio dipende da  $\alpha$  e dai parametri che identificano la relazione F-v.

$$F_{eq} = \frac{1 + q_m / (c_m \beta)}{\alpha + 1 / (c_m \beta)}$$

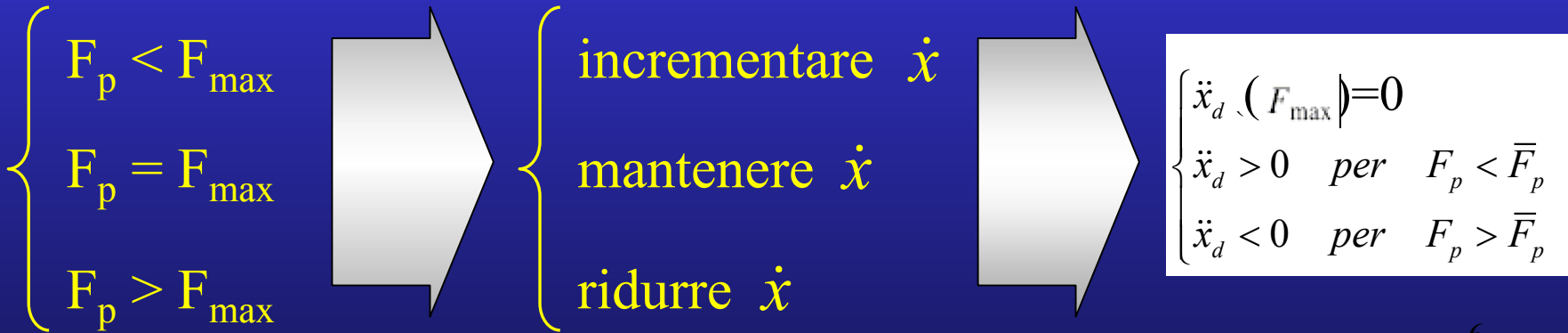
## Sviluppi Futuri del DRC:

- Studio di un DRC che consenta di settare la forza di equilibrio con un solo parametro, indipendentemente dalla relazione F-v  
(DVRC ?)

# Teoria del DVRC – background – (Delayed Velocity Reference Control)



Per mantenere  $F_p = F_{max}$



# Teoria del DVRC – background – (Delayed Velocity Reference Control)

$$\ddot{x}_d(F_p) = A_{\max} \left( 1 - \frac{F_p}{F_{\max}} \right)$$

$$d \left( \frac{dx_d}{dt} \right) = A_{\max} \left( 1 - \frac{1}{F_{\max}} F_p \right) dt$$

$$\frac{dx_d}{dt} = A_{\max} \left( t - \int_0^t \frac{1}{F_{\max}} F_p dt \right) = A_{\max} \left( t - \int_0^t \alpha F_p dt \right) = A_{\max} (t - T)$$

$$T = \int_0^t \frac{1}{F_{\max}} F_p dt = \int_0^t \alpha F_p dt$$

$$\left\{ \begin{array}{l} F_p < F_{\max} \\ F_p = F_{\max} \\ F_p > F_{\max} \end{array} \right.$$



incrementare  
mantenere  
ridurre



$$\left\{ \begin{array}{l} \ddot{x}_d(F_{\max}) = 0 \\ \ddot{x}_d > 0 \quad \text{per} \quad F_p < \bar{F}_p \\ \ddot{x}_d < 0 \quad \text{per} \quad F_p > \bar{F}_p \end{array} \right.$$

# Teoria del DVRC – background – (Delayed Velocity Reference Control)

$$\ddot{x}_d(F_p) = A_{\max} \left( 1 - \frac{F_p}{F_{\max}} \right)$$

$$d \left( \frac{dx_d}{dt} \right) = A_{\max} \left( 1 - \frac{1}{F_{\max}} F_p \right) dt$$

$$\frac{dx_d}{dt} = A_{\max} \left( t - \int_0^t \frac{1}{F_{\max}} F_p dt \right) = A_{\max} \left( t - \int_0^t \alpha F_p dt \right) = A_{\max} (t - T)$$

$$T = \int_0^t \frac{1}{F_{\max}} F_p dt = \int_0^t \alpha F_p dt$$

$$dx_d = A_{\max} (t - T) dt$$

$$x_d = A_{\max} \int_0^t (t - T) dt = A_{\max} \int_0^t \left( t - \int_0^t \frac{F_p}{F_{\max}} dt \right) dt = A_{\max} \eta$$

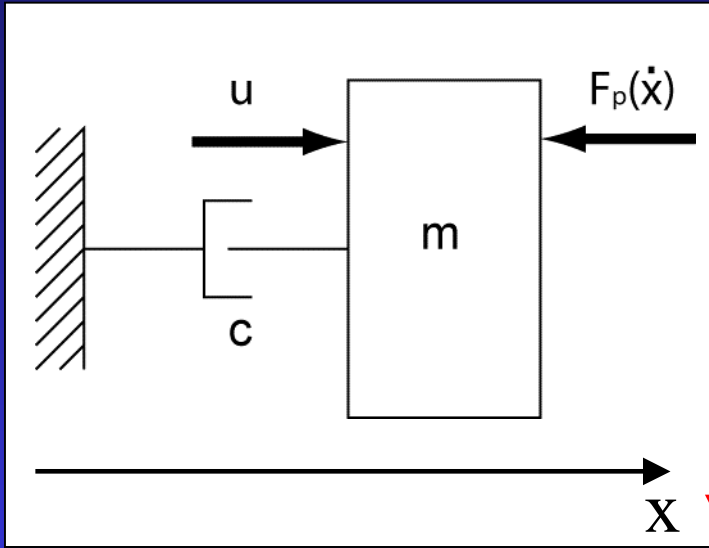
$$\eta = \int_0^t (t - T) dt$$

Da qui ha origine  
il nome DVRC

$$\begin{cases} \ddot{x}_d(\bar{F}_p) = 0 \\ \ddot{x}_d > 0 \quad \text{per} \quad F_p < \bar{F}_p \\ \ddot{x}_d < 0 \quad \text{per} \quad F_p > \bar{F}_p \end{cases}$$



# Teoria del DVRC



$$m \ddot{x} + c \dot{x} = k_p (x_d - x) + k_D (\dot{x}_d - \dot{x}) - F_p(\dot{x})$$

$$\Phi_F(\dot{x}) \stackrel{\text{def}}{=} \frac{1}{F_{\max}} F_p(\dot{x}) \quad \longrightarrow \quad T = \int_0^t \Phi_F dt \quad \longrightarrow \quad \eta = \int_0^t (t - T) dt$$

$$x_d = g(\eta) = g\left(\int_0^t (t - T) dt\right) = g\left(\int_0^t \left(t - \int_0^t \Phi_F dt\right) dt\right)$$

$$m \ddot{x} + (c + k_d) \dot{x} + k_p x = k_p g(\eta) + k_D \left(\frac{dg}{dt}\right) - F_p(\dot{x})$$

$$m \ddot{x} + (c + k_d) \dot{x} + k_p x = k_p g(\eta) + k_D \left(\frac{dg}{dt}\right) - F_{\max} \Phi_F(\dot{x})$$

- Condizione di equilibrio

- Stabilità

# DVRC - equilibrio

$$m\ddot{x} + (c + k_d)\dot{x} + k_p x = k_p g(\eta) + k_D \left( \frac{dg}{dt} \right) - F_p(\dot{x})$$

$$m\ddot{x} + (c + k_d)\dot{x} + k_p x = k_p g(\eta) + k_D \left( \frac{dg}{dt} \right) - F_{\max} \Phi_F(\dot{x})$$

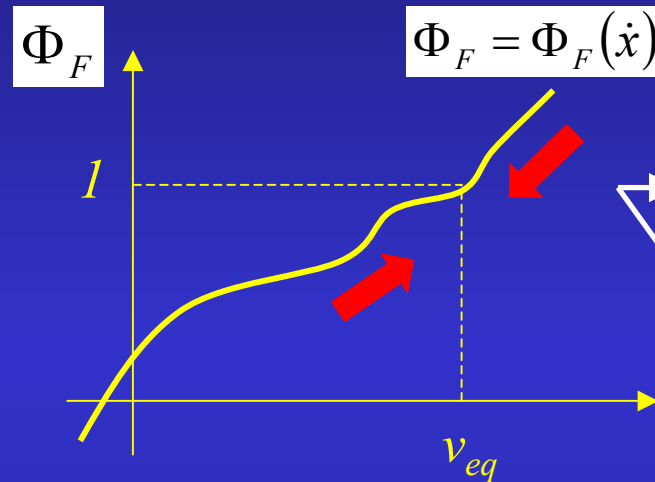
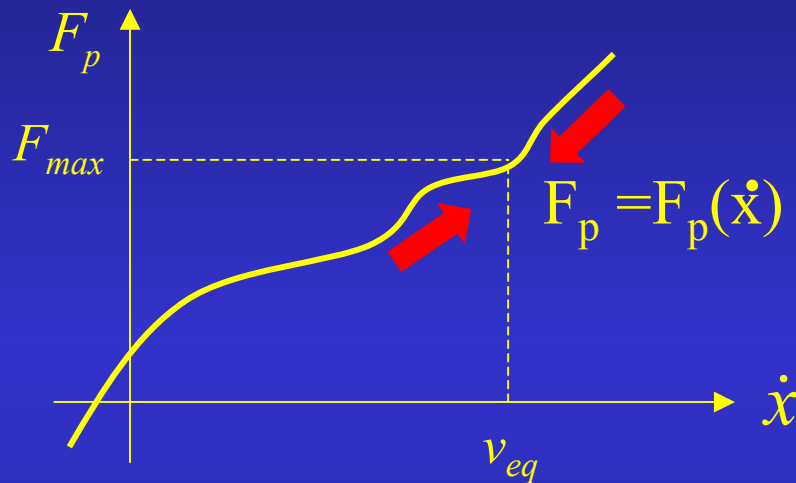
[...]

$$(1 - \Phi_F) = 0 \Rightarrow \Phi_F = 1 \Rightarrow F_p = F_{\max} = 1/\alpha$$

- Condizione di equilibrio indipendente da legame F-v
- Forza di equilibrio settata *con un solo parametro*

# DVRC - equilibrio

$$(1 - \Phi_F) = 0 \Rightarrow \Phi_F = 1 \Rightarrow F_p = F_{\max} = 1/\alpha$$



P.To funzionamento ottimale



DVRC tende a mantenere invariato il punto di funzionamento

Significato  $\Phi_F$ : collegato a grado di pericolosità

# DVRC – Osservazione

$$\ddot{x}_d = \frac{dg}{d\eta} (1 - \Phi_F)$$

$$\Phi_F = \frac{F_p}{F_{\max}} = 1$$

- Work –  
Optimum Condition

$$\ddot{x}_d = 0 \quad \Rightarrow \quad \dot{x}_d = \text{cost}$$

Risultato cercato

$$\Phi_F = \frac{F_p}{F_{\max}} = 0$$

- NOT Working –  
Null force

$$\ddot{x}_d = \text{cost} \quad \Rightarrow \quad x_d \propto t^2$$

Problema

Si accoppia un controllo di velocità al controllo di forza

# DVRC – Controllo di Velocità

$$\Phi_F(\dot{x}) \stackrel{\text{def}}{=} \frac{1}{F_{\max}} F_p(\dot{x})$$

funzione  $\Phi$

$$\Phi_V \stackrel{\text{def}}{=} \frac{\dot{x}}{V_{\max}}$$

$$T = \int_0^t \Phi_F dt$$

Velocity delay

$$T = \int_0^t \Phi_V dt$$

$$\eta = \int_0^t (t - T) dt = \eta(t)$$

$$\eta = \int_0^t (t - T) dt = \eta(t)$$

$$x_d = g(\eta) = g\left(\int_0^t (t - T) dt\right)$$

$$x_d = g(\eta) = g\left(\int_0^t (t - T) dt\right)$$

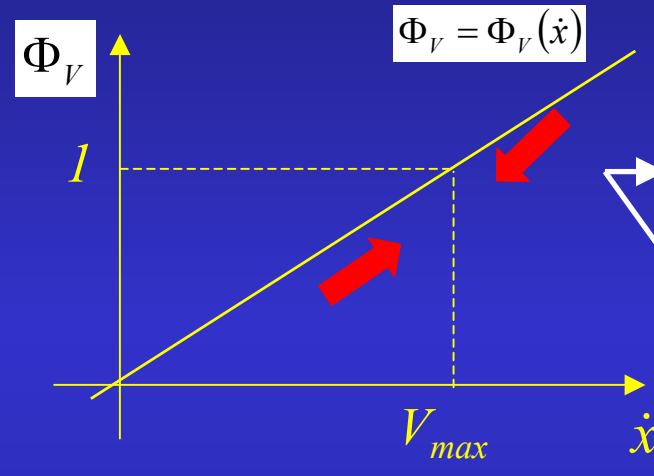
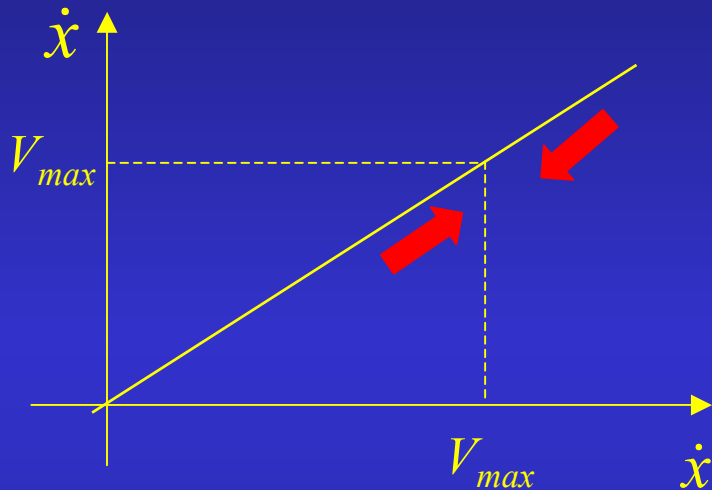
$$F_p = F_{\max}$$

Risultato DVRC

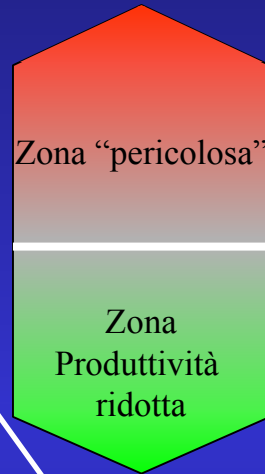
$$\dot{x} = V_{\max}$$

# DVRC - equilibrio

$$(1 - \Phi_V) = 0 \Rightarrow \Phi_V = 1 \Rightarrow \dot{x} = V_{\max}$$



P.To funzionamento ottimale



DVRC tende a mantenere invariato il punto di funzionamento

Significato  $\Phi_V$ : collegato a grado di pericolosità

# DVRC – Unione Controlli F-V

$$\Phi_F(\dot{x}) \stackrel{def}{=} \frac{1}{F_{\max}} F_p(\dot{x})$$

$$\Phi = \max(\Phi_F, \Phi_V)$$

$$\Phi_V \stackrel{def}{=} \frac{\dot{x}}{V_{\max}}$$

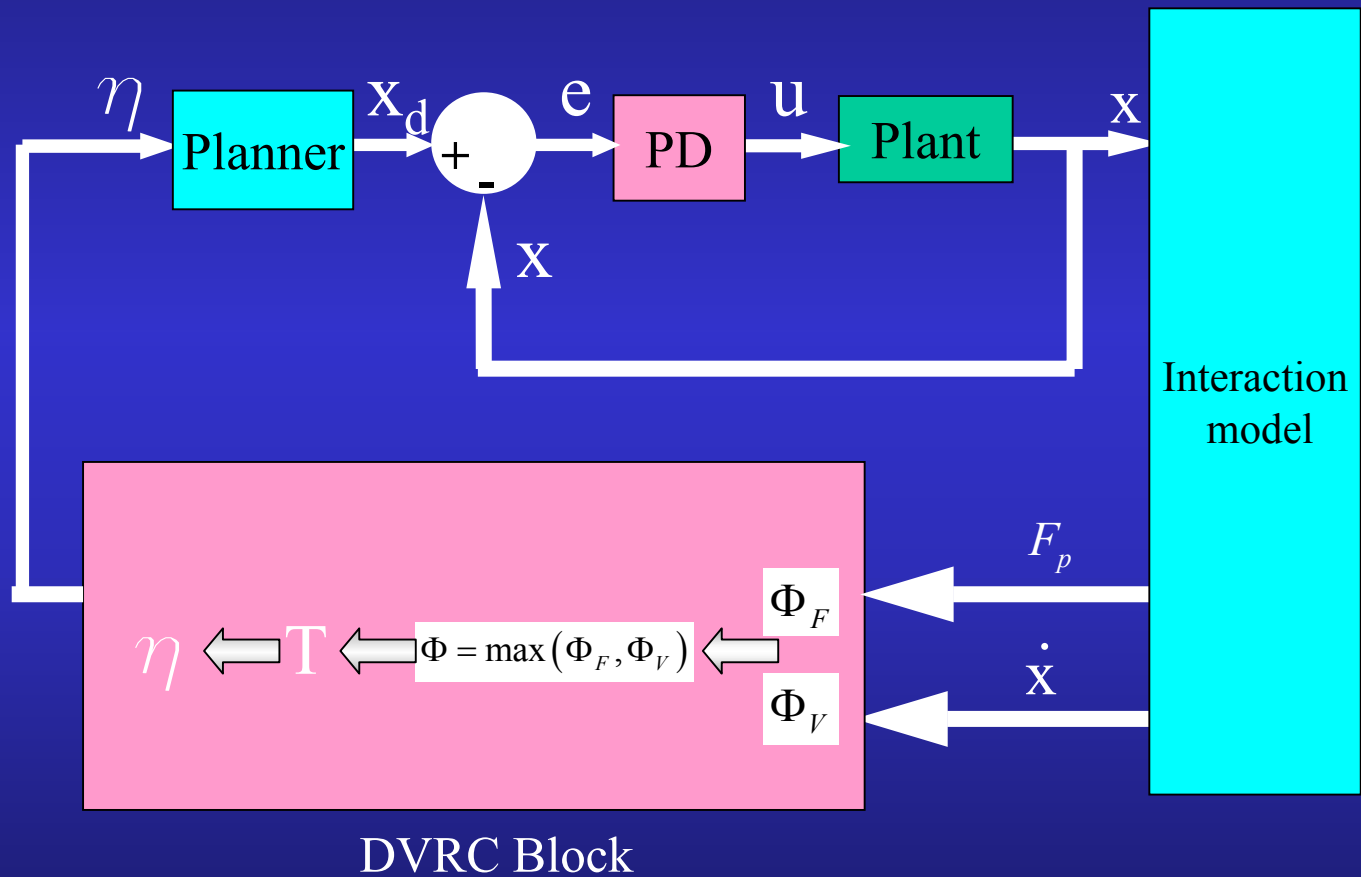
E' scelta a favore della  
sicurezza

$$T = \int_0^t \Phi dt$$

$$\eta = \int_0^t (t - T) dt = \eta(t)$$

$$x_d = g(\eta) = g\left(\int_0^t (t - T) dt\right)$$

# DVRC – Unione Controlli F-V





# DVRC - stabilità

- Trattazione unica per controllo di forza/velocità

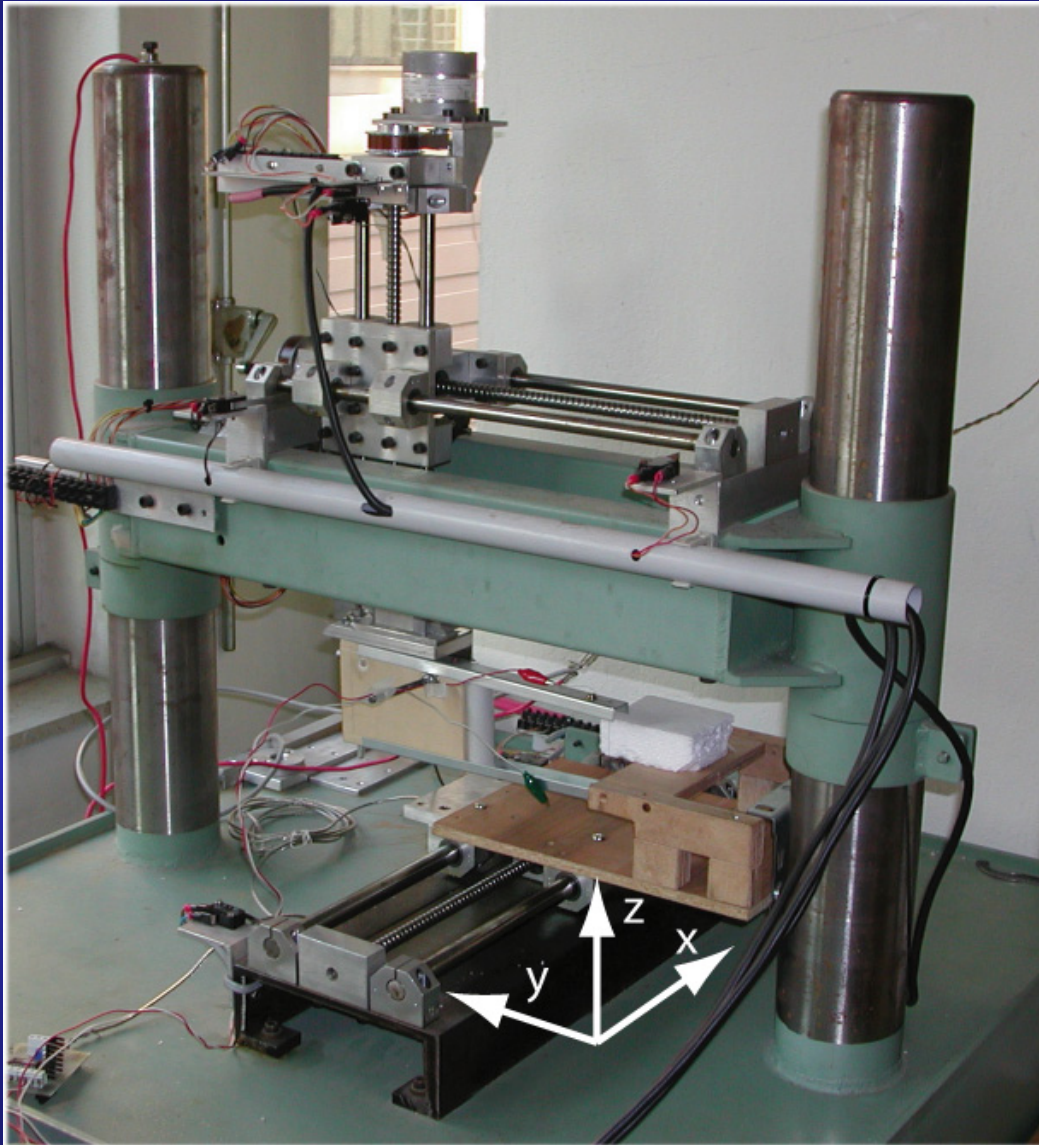
$$\ddot{x}_d = \frac{dg}{d\eta}(1 - \Phi) = \beta(1 - \Phi)$$

Accelerazione massima consentita:

Ha un massimo!

NB.  $\beta = A_{\max}$

# DVRC – Test Setup



-NI 6024E

-NI CVI compiler

-1kHz

- load cell FUTEK LRF300

# DVRC – Hotwire

$$\dot{x}(t) = \bar{v} + \Delta v \sin(\omega t)$$

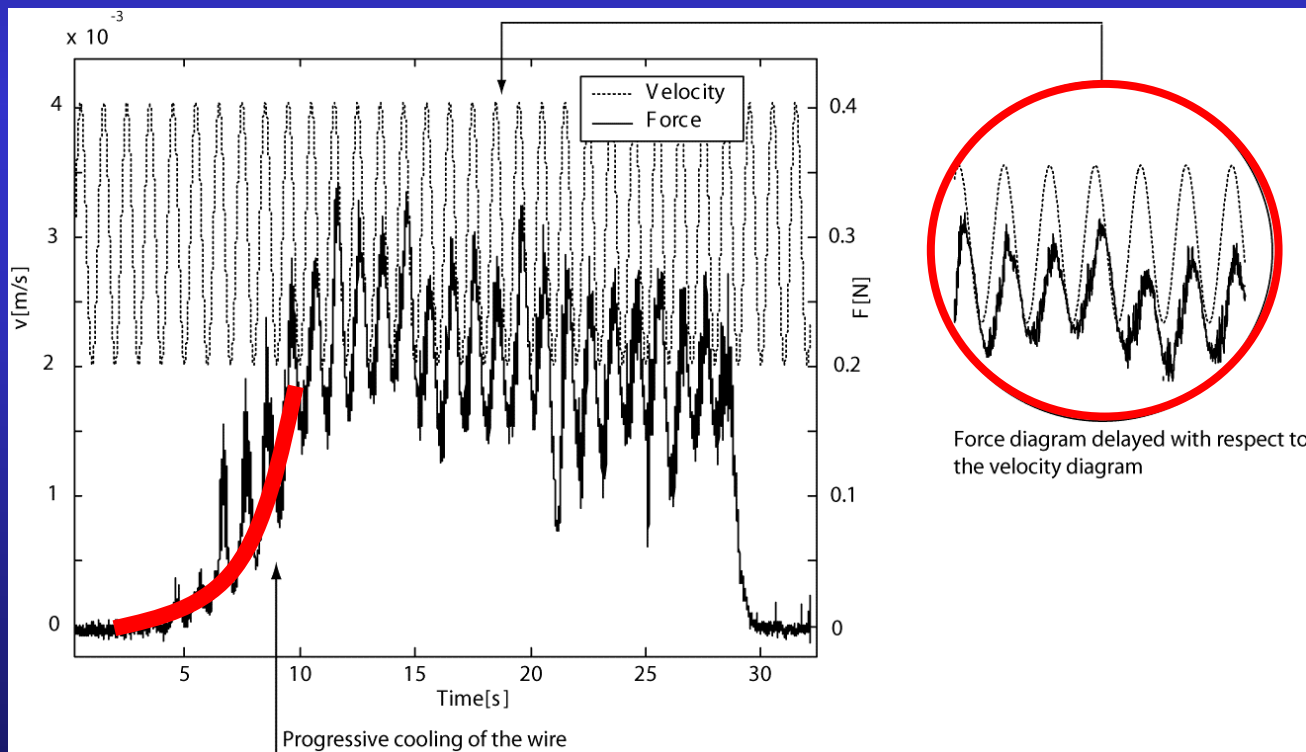
$$\Delta v = 1 \text{ mm/s}$$

$$\bar{v} = 3 \text{ mm/s}$$

$$\omega = 6.28 \text{ rad/s}$$

~~$$F(t) = \bar{F} + \Delta F \sin(\omega t)$$~~

$$F(t) = \bar{F} + \Delta F \sin(\omega t + \rho)$$

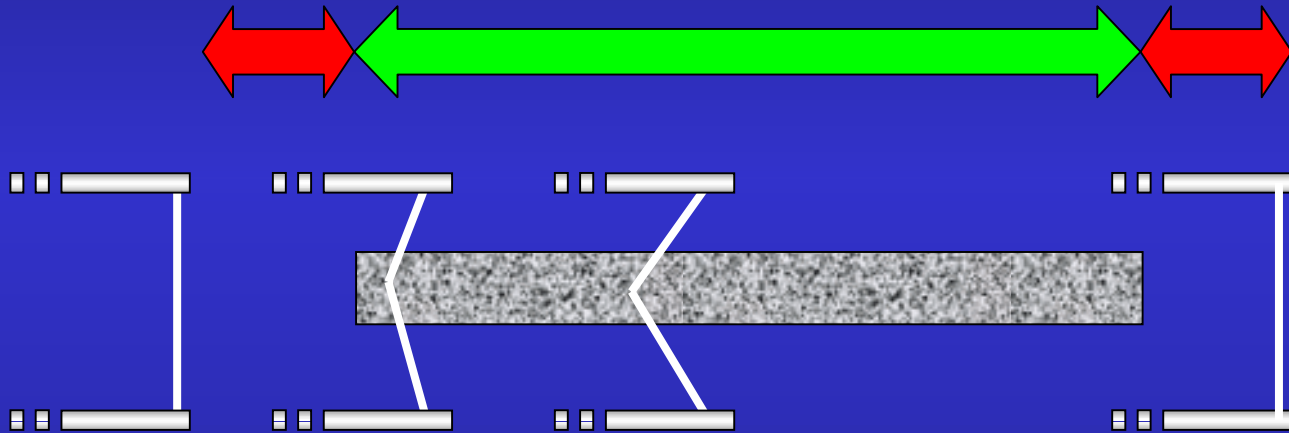


# DVRC – Risultati Test

$$V_{\max} = 0.005 \text{ m/s}$$

$$F_{\max} = 0.22 \text{ N}$$

$$A_{\max} = 0.1 \text{ m/s}^2$$



Moto libero



Taglio EPS

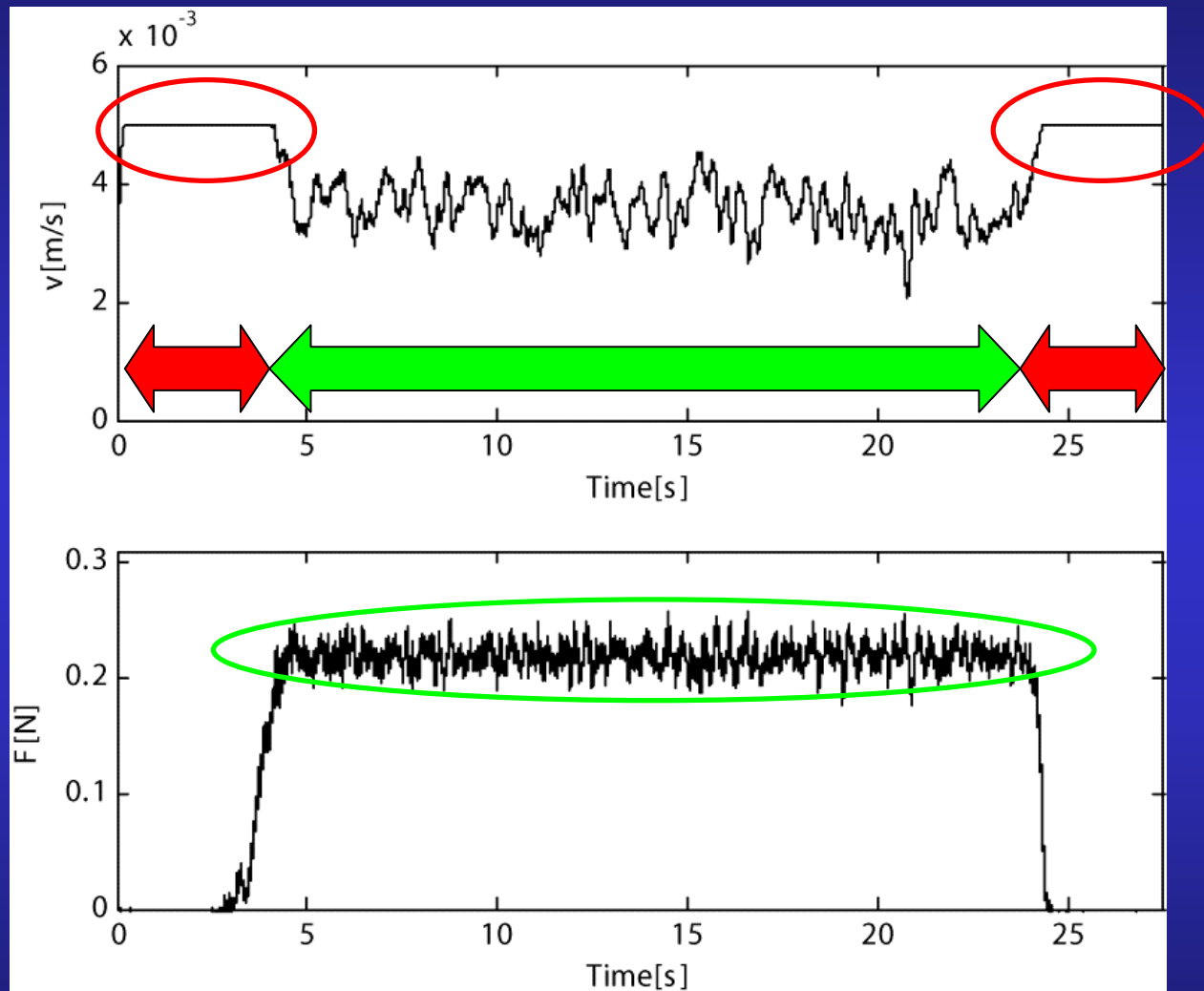


# DVRC – Risultati Test

$$V_{\max} = 0.005 \text{ m/s}$$

$$F_{\max} = 0.22 \text{ N}$$

$$A_{\max} = 0.1 \text{ m/s}^2$$



Moto libero



Taglio EPS

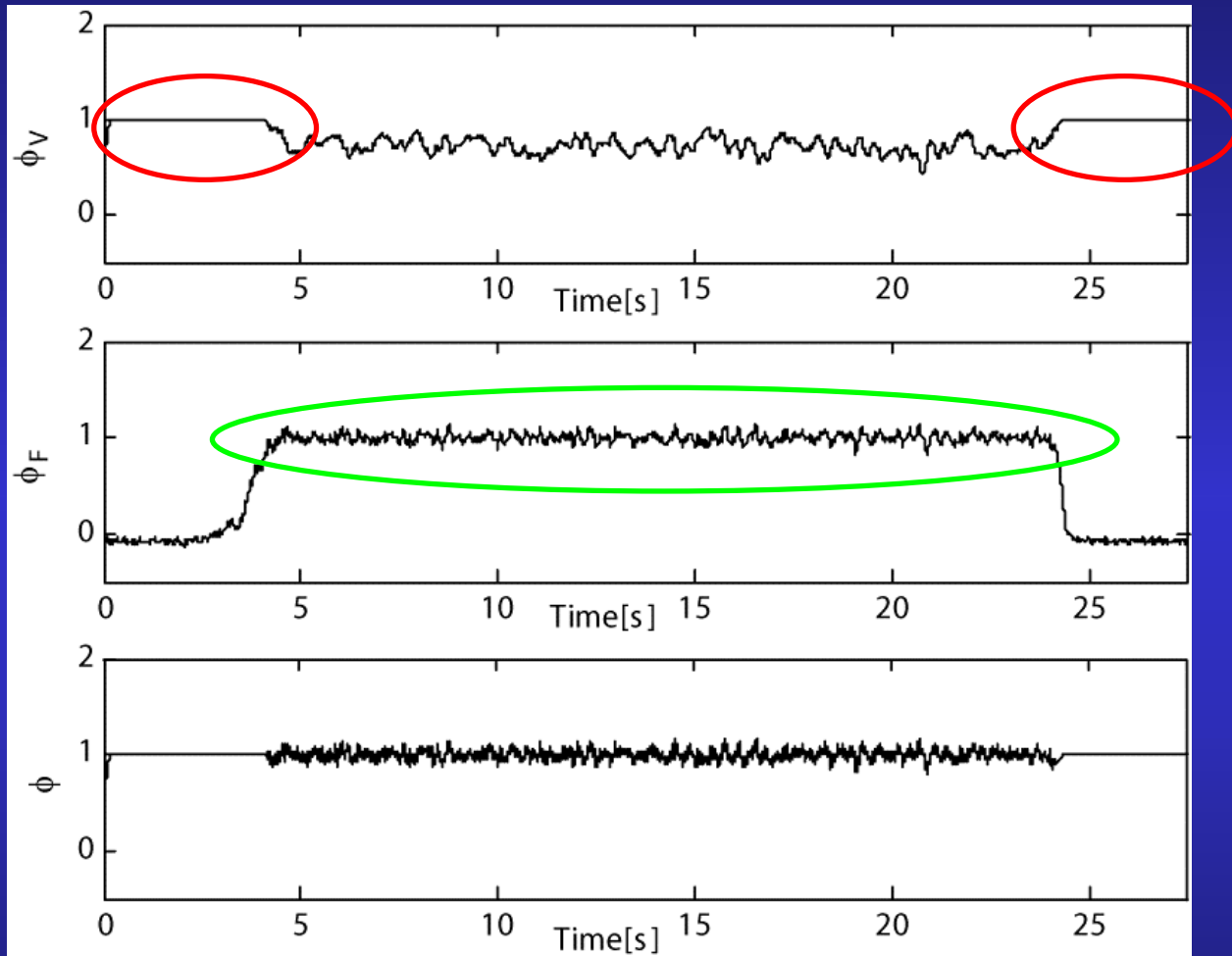


# DVRC – Risultati Test

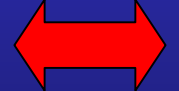
$$V_{\max} = 0.005 \text{ m/s}$$

$$F_{\max} = 0.22 \text{ N}$$

$$A_{\max} = 0.1 \text{ m/s}^2$$



Moto libero



Taglio EPS



# DVRC – Conclusioni

- ➔ Il DRC aveva mostrato dei difetti nei casi in cui l'inerazione è *velocity dependant*
- ➔ Questa è stata la motivazione che ha richiesto lo sviluppo di un nuovo controllo NTB
- ➔ Il DVRC sviluppato consente di settare, per un task, la forza ottimale, la velocità ottimale di moto libero e l'accelerazione massima del corpo.
- ➔ Simulazioni e test sperimentali hanno confermato i risultati teorici
- ➔ Il lavoro è stato pubblicato sull'International Journal of Machine Tools and Manufacture

UNIVERSITA' DEGLI STUDI DI PADOVA  

---

DOTTORATO DI RICERCA IN MECCANICA  
APPLICATA, XIX CICLO.  
ANNO ACCADEMICO 2004/2005

# Tecniche di controllo di forza di tipo “Non Time Based”

Dottorando: Paolo Pascutto<sup>1</sup>

Tutore: prof. Aldo Rossi<sup>2</sup>  
Co-tutore: prof. Paolo Gallina<sup>1</sup>

<sup>1</sup> Dip. di Ingegneria Meccanica, Università di Trieste, Via A. Valerio 10 - 34127, TS;  
[pgallina@units.it](mailto:pgallina@units.it)      Tel: +39 (040) 558 2540.  
[pascutto@libero.it](mailto:pascutto@libero.it)

<sup>2</sup> Dip. di Innovazione Meccanica e Gestionale, Università di Padova